

تعداد سؤالات: نسی ۲۰ تکمیلی — تشریحی ۵

نام درس: معادلات دیفرانسیل

رشته: ریاضی - مهندسی کامپیوتر - فناوری اطلاعات - صنایع - (طرح تجميع بخش مهندسی اجرایی) زمان امتحان: تئوری و تکمیلی ۷۰ دقیقه تشریحی ۷۰ دقیقه

کد درس: ریاضی: ۲۴۱۰۹۱ - مهندسی کامپیوتر: ۲۴۱۰۶۲ - فناوری اطلاعات: ۲۴۲۱۱۳ - صنایع: ۲۴۴۱۲۱ - (طرح تجميع بخش مهندسی اجرایی: ۲۴۴۱۲۱)

۱. معادله دیفرانسیل مرتبه اول $xy' = 1$ درباره $(-1, 1)$ دارای چند جواب است؟

الف. بدون جواب ب. یک جواب ج. دو جواب د. بی نهایت

۲. با کدامیک از تغییر متغیرهای زیر معادله دیفرانسیل $(x + y + 4)dx - (x - y - 6)dy = 0$ به یک معادله همگن تبدیل می شود؟الف. $u = x + 1, v = y - 5$ ب. $u = x - 1, v = y + 5$ ج. $u = x - 1, v = y - 5$ د. $u = x + 1, v = y + 5$ ۳. جواب معادله $2x(y + 1)dx - ydy = 0$ با مقدار اولیه $y(0) = -2$ کدام است؟الف. $y = x^2 - Ln|x + 1| + 1$ ب. $y^2 - Ln|y + 1| = x + 2$ ج. $x^2 + Ln|x + 1| = y^2 + y$ د. $x^2 = y - Ln|y + 1| + 2$ ۴. جواب عمومی معادله $\frac{dy}{dx} = \frac{-y}{x + y^2}$ کدام است؟الف. $\frac{1}{y}x + y^3 = c$ ب. $y^2 + \frac{1}{3}x^3 = c$ ج. $xy^2 - \frac{1}{y}y^2 = c$ د. $xy + \frac{1}{3}y^3 = c$ ۵. عامل انتگرال ساز برای معادله $xydx + (1 + x^2)dy = 0$ برابر است با:الف. $\frac{1}{y}$ ب. e^y ج. $\frac{x}{y}$ د. $\ln y$ ۶. معادله دیفرانسیل $y' + p(x)y = q(x)y^n$ را با کدام تغییر متغیر می توان به یک معادله دیفرانسیل خطی تبدیل کرد؟الف. $y = z^{n+1}$ ب. $z = Lny$ ج. $z = y^{1-n}$ د. $y = z^{n+1}$ ۷. معادله دیفرانسیل $y = y'x + (y')^2$ چه نوع معادله ای نام دارد؟

الف. ریکاتی ب. برنولی ج. کامل د. کلرو

۸. حاصل عبارت $L\{[t]\}$ کدام است؟ $[t]$ جزء صحیح $t, t > 0, L$ عملگر لاپلاس می باشدالف. $\frac{1}{s}(\frac{e^{-s}}{1 - e^{-s}})$ ب. $\frac{1}{s}(\frac{e^{-s}}{1 - e^{-s}})$ ج. $\frac{1}{s}(\frac{e^s}{1 + e^s})$ د. $\frac{1}{s}(\frac{e^{-s}}{1 + e^{-s}})$ ۹. کدامیک از گزینه های زیر در مورد معادله دیفرانسیل $ydx + [x + yx^2(1 + \ln y)]dy = 0$ صحیح است؟الف. کامل است ب. دارای عامل انتگرال ساز بر حسب x می باشدج. دارای عامل انتگرال ساز بر حسب y می باشد د. دارای عامل انتگرال ساز بر حسب xy می باشد

نام درس: معادلات دیفرانسیل

تعداد سؤال: نسی ۲۰ تکمیلی — تشریحی ۴

رشته: ریاضی- مهندسی کامپیوتر- فناوری اطلاعات- صنایع- (طرح تجميع بخش مهندسی اجرایی) زمان امتحان: تئسی و تکمیلی ۷۰ دقیقه تشریحی ۷۰ دقیقه

کد درس: ریاضی: ۲۴۱۰۹۱- مهندسی کامپیوتر: ۲۶۱۰۶۲- فناوری اطلاعات: ۲۶۲۱۱۳- صنایع: ۲۶۳۱۲۱- (طرح تجميع بخش مهندسی اجرایی: ۲۶۴۱۲۱)

۱۰. رونسکینی توابع $f_1(x) = x^3$ و $f_2(x) = x^p |x|$ برابر است با:

- الف. ۲ ب. ۱ ج. صفر د. ۱-

۱۱. نقاط منفرد منظم معادله دیفرانسیل $(x-1)y'' + \frac{1}{x}y' - 2y = 0$ کدام است؟

- الف. دو نقطه
- $x=0, x=1$
- ب. نقطه
- $x=0$
- ج. نقطه
- $x=1$
- د. نقطه منفرد منظم ندارد

۱۲. کدامیک از نقاط زیر یک نقطه منفرد منظم معادله دیفرانسیل $y'' + 3(x+1)y' + 2x(x+1)y = 0$ است؟

- الف.
- $x=1$
- ب.
- $x=2$
- ج.
- $x=0$
- د. هیچکدام

۱۳. کدامیک از توابع زیر تابع بسل نوع اول از مرتبه اول است؟

الف.
$$\sum_{m=1}^{\infty} \frac{(-1)^m \left(\frac{x}{2}\right)^{rm}}{m! \Gamma(m-\alpha+1)}$$

ب.
$$\sum_{m=0}^{\infty} \frac{(-1)^m \left(\frac{x}{2}\right)^{rm+\alpha}}{m! \Gamma(m+\alpha+1)}$$

۱۴. مقدار $J_{-\frac{1}{2}}(x)$ برابر است با:

الف.
$$\sqrt{\frac{\pi x}{2}} \sin x$$

ب.
$$\sqrt{\frac{\pi}{\pi x}} \left(\frac{\sin \pi x}{\pi x} \right)$$

ج.
$$\sqrt{\frac{\pi x}{2}} \frac{\cos \pi x}{x}$$

۱۵. کدامیک از مجموعه توابع زیر وابسته خطی هستند؟

الف. توابع e^x, e^{-x}, e^{px} ب. توابع $e^x, xe^x, x^p e^x$ ج. توابع $e^x \sin x, e^x \cos x$ د. توابع $x+1, x+2, x+3$ ۱۶. در مورد دستگاه
$$\begin{cases} (3D-1)x_1 + 4x_2 = t \\ Dx_1 - Dx_2 = t-1 \end{cases}$$
 کدام گزینه درست است؟

الف. دستگاه بی‌نهایت جواب دارد

ب. جواب عمومی دستگاه شامل یک ثابت اختیاری است

ج. جواب عمومی دستگاه شامل دو ثابت اختیاری است

د. دستگاه جواب ندارد

نام درس: معادلات دیفرانسیل

تعداد سؤالات: نسی ۲۰ تکمیلی — تشریحی ۴

رشته: ریاضی - مهندسی کامپیوتر - فناوری اطلاعات - صنایع - (طرح تجميع بخش مهندسی اجرایی) زمان امتحان: تئوری و تکمیلی ۷۰ دقیقه تشریحی ۷۰ دقیقه

کد درس: ریاضی: ۲۴۱۰۹۱ - مهندسی کامپیوتر: ۲۶۱۰۶۲ - فناوری اطلاعات: ۲۶۲۱۱۳ - صنایع: ۲۶۳۱۲۱ - (طرح تجميع بخش مهندسی اجرایی: ۲۶۴۱۲۱)

۱۷. کدامیک از گزینه‌های زیر نادرست است؟ L عملگر لاپلاس می باشد)

$$\text{الف. } L[\cos at] = \frac{s}{s^2 + a^2} \quad (s > 0) \quad \text{ب. } L[e^{st}] = \frac{1}{s - r} \quad (s > r)$$

$$\text{ج. } L[\cosh at] = \frac{s}{s^2 + a^2} \quad (s > |a|) \quad \text{د. } L\left[t^{-\frac{1}{r}}\right] = \sqrt{\frac{\pi}{s}} \quad s > 0$$

۱۸. کدامیک از دستگاه‌های زیر بازنویسی معادله دیفرانسیل $x''' - t^r x'' + x^r = \cos t$ به صورت دستگاه مرتبه اول است؟

$$\text{الف. } u_1' = u_r, u_r' = u_\mu, u_\mu' = t^r u_\mu - u_1^r + \cos t$$

$$\text{ب. } u_1' = u_r, u_r' = u_\mu, u_\mu' = t^r u_\mu - x^r + \cos t$$

$$\text{ج. } u_1' = u_r, u_r' = u_\mu, u_\mu' = u_r, u_r - t^r u_\mu + u_1^r = \cos t$$

$$\text{د. } u_1' = u_r, u_r' = u_\mu, u_\mu' = u_r, u_r - t^r u_\mu + x^r = \cos t$$

۱۹. اگر $x > 0$ باشد آنگاه مقدار $\int_0^\infty \frac{\sin xt}{t} dt$ برابر است با:

$$\text{الف. } \frac{\pi}{4} \quad \text{ب. } \frac{\pi}{2} \quad \text{ج. } \frac{\pi}{3} \quad \text{د. } \frac{\pi}{5}$$

۲۰. انتگرال $\int_0^\infty e^{-st} \frac{f(t)}{t} dt$ برابر کدام است؟ $F(s)$ لاپلاس $f(t)$ است)

$$\text{الف. } \int_0^\infty \frac{F(u)}{u} du \quad \text{ب. } \int_s^\infty u F(u) du$$

$$\text{ج. } \int_0^\infty \frac{F(u)}{u+1} du \quad \text{د. } \int_s^\infty F(u) du$$

نام درس: معادلات دیفرانسیل

تعداد سؤال: نسی ۲۰ تکمیلی — تشریحی ۴

رشته: ریاضی - مهندسی کامپیوتر - فناوری اطلاعات - صنایع - (طرح تجميع بخش مهندسی اجرایی) زمان امتحان: تئوری و تکمیلی ۷۰ دقیقه تشریحی ۷۰ دقیقه

کد درس: ریاضی: ۲۴۱۰۹۱ - مهندسی کامپیوتر: ۲۴۱۰۶۲ - فناوری اطلاعات: ۲۴۲۱۱۳ - صنایع: ۲۴۳۱۲۱ - (طرح تجميع بخش مهندسی اجرایی: ۲۴۳۱۲۱)

سؤالهای تشریحی

۱. معادله دیفرانسیل $(y^x + y)dx - xdy = 0$ را حل کنید.۲. بسط تلور جوابهای معادله دیفرانسیل $y'' + (x-1)y' = e^x$ را در نقطه معمولی $x=1$ پیدا کنید.۳. دستگاه
$$\begin{cases} (D+1)x_1 + (D+1)x_2 = 1 \\ D^2x_1 - Dx_2 = t-1 \end{cases}$$
 را حل کنید.۴. جواب عمومی معادله دیفرانسیل $x'''y''' + 4x''y'' - 8xy' + 8y = 0$ را به ازای $x > 0$ بدست آورید.۵. با استفاده از تبدیل لاپلاس معادله دیفرانسیل زیر را با مقادیر اولیه $x(0) = 1, x'(0) = 0$ بیاید

$$x''(t) + x(t) = f(t) = \begin{cases} 3 & 0 \leq t < 4 \\ 4t - 5 & t \geq 4 \end{cases}$$